

**Федеральное государственное автономное образовательное  
учреждение высшего образования  
«Московский физико-технический институт  
(национальный исследовательский университет)»**

**УТВЕРЖДЕНО**

**Проректор по учебной работе и  
довузовской подготовке**

**А.А. Воронов**

	<b>Рабочая программа дисциплины (модуля)</b>
<b>по дисциплине:</b>	Методы параллельной обработки данных
<b>по направлению:</b>	Техническая физика
<b>профиль подготовки:</b>	Техническая физика космических летательных аппаратов Физтех-школа Аэрокосмических Технологий кафедра информатики и вычислительной математики
<b>курс:</b>	4
<b>квалификация:</b>	бакалавр

Семестр, формы промежуточной аттестации: 8 (весенний) - Дифференцированный зачет

Аудиторных часов: 60 всего, в том числе:

лекции: 30 час.

семинары: 30 час.

лабораторные занятия: 0 час.

Самостоятельная работа: 30 час.

Всего часов: 90, всего зач. ед.: 2

Программу составил: Н.И. Хохлов, канд. физ.-мат. наук

Программа обсуждена на заседании кафедры информатики и вычислительной математики 27.06.2023

## Аннотация

Обучающиеся изучат историю эволюции вычислительных систем и историческую необходимость использования параллельных вычислений и основы архитектуры параллельных вычислительных комплексов. Будут рассмотрены основные технологические этапы разработки параллельных программ и принципы асимптотического анализа алгоритмов. Обучающиеся освоят методы декомпозиции последовательных алгоритмов и способы эквивалентных и неэквивалентных преобразований последовательных программ.

### 1. Цели и задачи

#### Цель дисциплины

- освоение студентами знаний в области применения современных высокопроизводительных комплексов различной архитектуры в научных исследованиях и прикладных областях, в частности — в математическом моделировании и обработке больших массивов данных.

#### Задачи дисциплины

- формирование основных знаний в области применения высокопроизводительных вычислительных комплексов различной архитектуры на основе курсов информатики, операционных систем, языков программирования и курсов вычислительной математики для обеспечения технологических основ математического моделирования в современных инновационных сферах деятельности;
- обучение студентов принципам создания эффективных параллельных алгоритмов и программ, анализа существующих программ и алгоритмов на параллельность; знакомство с основными методами и принципами параллельного программирования, основными технологиями параллельного программирования;
- формирование подходов к выполнению исследований студентами в области параллельных вычислений и математического моделирования с использованием современных технологий, и программных средств параллельного программирования в рамках выпускных работ на степень бакалавра.

### 2. Перечень формируемых компетенций

Освоение дисциплины направлено на формирование следующих компетенций:

Код и наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенции
ОПК-2 Способен применять методы математического анализа, математического моделирования и оптимизации для решения задач, возникающих в ходе профессиональной деятельности	ОПК-2.1 Знаком с основными методами математического анализа, математического моделирования и оптимизации
	ОПК-2.2 Способен строить математические модели, производить количественные расчеты и оценки

### 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю)

В результате освоения дисциплины обучающиеся должны

знать:

- историю эволюции вычислительных систем и историческую необходимость использования параллельных вычислений;
- основы архитектуры параллельных вычислительных комплексов;
- основные технологические этапы разработки параллельных программ;
- принципы асимптотического анализа алгоритмов;
- методы декомпозиции последовательных алгоритмов;
- способы эквивалентных и неэквивалентных преобразований последовательных программ, позволяющих использовать их на параллельных вычислительных комплексах;
- основные идеи при реализации численных алгоритмов, позволяющих избежать случая низкой эффективности распараллеливания;
- способы организации работы пользователей на современных многопроцессорных вычислительных системах и языки управления заданиями для них.

уметь:

- оценивать асимптотическую сложность используемых алгоритмов и выбирать оптимальные алгоритмы для современных программ;
- анализировать последовательные программы для выявления возможности их распараллеливания;
- оценивать эффективность работы распараллеленных программ;
- выбирать эффективные численные методы для поставленных задач математического моделирования;
- самостоятельно разрабатывать и запускать параллельные приложения на современных вычислительных комплексах.

владеть:

- приемами распараллеливания алгоритмов и программ;
- средствами и технологиями разработки приложений, обеспечивающих проведение параллельного вычислительного эксперимента;
- навыками отладки и запуска параллельных приложений для проведения вычислительного эксперимента.

#### 4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

##### 4.1. Разделы дисциплины (модуля) и трудоемкости по видам учебных занятий

№	Тема (раздел) дисциплины	Трудоемкость по видам учебных занятий, включая самостоятельную работу, час.			
		Лекции	Семинары	Лаборат. работы	Самост. работа
1	Проблемы эволюции вычислительных систем.	3			2
2	Элементы асимптотического анализа алгоритмов	3			2
3	Декомпозиция алгоритмов на уровне операций	3			2
4	Укрупнение параллельных ярусов.	3			1
5	Параллельность циклов	3			1
6	Основные подходы к организации размещения задач на процессорах	3			1
7	Оркестрирование исполнения параллельных программ	2			1
8	Методы параллельного решения жестких систем ОДУ большой размерности.	2			1
9	Решение краевой задачи для линейных обыкновенных дифференциальных уравнений (на примере уравнений второго порядка).	2			1
10	Решение краевой задачи для нелинейных обыкновенных дифференциальных уравнений (на примере уравнений второго порядка).	2			1
11	Конечно-разностные методы решения эволюционных уравнений в частных производных (уравнений параболического и гиперболического типов).	2			1
12	Проблема выбора «удачного» базиса.	2			1

13	Парадигмы последовательного и параллельного программирования. Практикум		6		5
14	Декомпозиция алгоритмов на уровне операций. Практикум		8		4
15	Основные подходы к организации размещения задач на процессорах. Практикум		8		4
16	Решение краевой задачи для линейных обыкновенных дифференциальных уравнений. Практикум		8		2
Итого часов		30	30		30
Подготовка к экзамену		0 час.			
Общая трудоёмкость		90 час., 2 зач.ед.			

#### 4.2. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам)

Семестр: 8 (Весенний)

##### 1. Проблемы эволюции вычислительных систем.

Три кризиса в развитии математического обеспечения. Архитектурный и программный параллелизм. Проблемы использования параллельных систем. Парадигма последовательного программирования. Модели последовательного программирования. Парадигма параллельного программирования. Этапы декомпозиции, назначения, оркестрирования, отображения. Задачи, решаемые на каждом этапе. Модели параллельного программирования.

##### 2. Элементы асимптотического анализа алгоритмов

Основные предположения. Вычислительная модель RAM. Терминология и обозначения. Асимптотические отношения. Оптимальный по поведению последовательный алгоритм. Пример асимптотического анализа сложности последовательного алгоритма выбора элемента из множества. Рекуррентные соотношения. Основная теорема асимптотического анализа. Расширенная квалификация Флинна. Примеры SISD, SIMD, MISD, MIMD машин. Вычислительные модели PRAM. Ускорение при распараллеливании. Стоимость параллельного алгоритма. Оптимальность алгоритма по стоимости. Пример асимптотического анализа сложности параллельного алгоритма выбора элемента из множества. Ограниченность асимптотического анализа.

##### 3. Декомпозиция алгоритмов на уровне операций

Понятие о графе алгоритма. Строго параллельные формы графа, каноническая параллельная форма. Соотнесение строго параллельных форм с выполнением алгоритма на конкретных архитектурных решениях. Ярусы параллельной формы, их ширина и высота. Концепция неограниченного параллелизма. Определение максимально возможного ускорения по ярусно-параллельной форме алгоритма.

##### 4. Укрупнение параллельных ярусов.

Декомпозиция алгоритмов и программ на уровне действий и операторов. Условия Бернштейна и их нарушение. Истинная или потоковая зависимость, антизависимость, зависимость по выходным данным. Графы зависимостей. Связь зависимостей операторов с возможностью их одновременного выполнения.

##### 5. Параллельность циклов

Простые циклы: расстояние зависимости; зависимости, связанные и несвязанные с циклом. Вложенные циклы. Вектора зависимости и направлений. Их использование для определения возможности распараллеливания циклов. Эквивалентные преобразования программ и алгоритмов. Способы устранения зависимостей, связанных с циклом: loop distribution, code replication, loop alignment, приватизация переменных, индукция и редукция.

#### 6. Основные подходы к организации размещения задач на процессорах

Динамическое, потоковое, статическое планирование, work pool, pipeline, competition, divide & conquer. Их недостатки и достоинства. Проблемы балансировки загрузки процессоров. Гомогенные и гетерогенные вычислительные системы

#### 7. Оркестрирование исполнения параллельных программ

Где и как синхронизировать вычисления и обмениваться данными. Перекрытия. Ухудшение последовательного алгоритма для улучшения параллельного.

#### 8. Методы параллельного решения жестких систем ОДУ большой размерности.

Методы Рунге–Кутты, Розенброка и W-методы. Методы Розенброка и W-методы с приближенным вычислением обратной матрицы. Метод Шульца приближенного обращения матрицы.

#### 9. Решение краевой задачи для линейных обыкновенных дифференциальных уравнений (на примере уравнений второго порядка).

Параллельные версии алгоритма прогонки. Решение системы линейных алгебраических уравнений с трехдиагональной матрицей методом редукции.

#### 10. Решение краевой задачи для нелинейных обыкновенных дифференциальных уравнений (на примере уравнений второго порядка).

Алгоритм «параллельной пристрелки» и его принципиальные отличия от «пристрелки». Переход к решению расширенной системе ОДУ как основа параллельной версии алгоритма.

#### 11. Конечно-разностные методы решения эволюционных уравнений в частных производных (уравнений параболического и гиперболического типов).

Геометрическое распараллеливание и итерационные методы.

#### 12. Проблема выбора «удачного» базиса.

Методы вейвлет-Галеркина (на примере решения интегрального уравнения) и возможность их параллельной реализации.

#### 13. Парадигмы последовательного и параллельного программирования. Практикум

Элементы асимптотического анализа алгоритмов. Практикум

#### 14. Декомпозиция алгоритмов на уровне операций. Практикум

Параллельность циклов. Практикум

#### 15. Основные подходы к организации размещения задач на процессорах. Практикум

Методы параллельного решения жестких систем ОДУ большой размерности. Практикум

16. Решение краевой задачи для линейных обыкновенных дифференциальных уравнений. Практикум

Конечно-разностные методы решения эволюционных уравнений в частных производных. Практикум

## **5. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)**

Учебная аудитория, оснащенная мультимедиапроектором и экраном для чтения лекций.  
Учебный компьютерный класс с выходом на ЭВМ (кластер) с установленной средой программирования MPI и компилятором, поддерживающим OpenMP.

## **6. Перечень рекомендуемой литературы**

### Основная литература

1. Численные методы, алгоритмы и программы. Введение в распараллеливание [Текст] : учеб. пособие для вузов / В. Е. Карпов, А. И. Лобанов .— М. : Физматкнига, 2014 .— 192 с.
2. Технологии параллельного программирования MPI и OpenMP [Текст] : учеб. пособие для вузов / А. С. Антонов ; Моск. гос. ун-т им. М. В. Ломоносова .— М. : Изд-во Моск. ун-та, 2012 .— 344 с.

### Дополнительная литература

1. Высокопроизводительные вычисления для многопроцессорных многоядерных систем [Текст] : учебник для вузов / В. П. Гергель ; Нижегород. гос. ун-т им. Н. И. Лобачевского .— М. : Изд-во Моск. ун-та : Физматлит, 2010 .— 544 с.

## **7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины (модуля)**

<http://www.intuit.ru>, <http://www.parallels.ru>, <http://www.hpc-education.ru>

## **8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень необходимого программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)**

На занятиях используются мультимедийные технологии, включая демонстрацию презентаций.

## **9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)**

Студент, изучающий курс «Параллельные алгоритмы математической физики» должен, с одной стороны, овладеть общим понятийным аппаратом, а с другой стороны, должен научиться применять теоретические знания на практике.

В результате изучения дисциплины студент должен знать основные определения, понятия, методы доказательств, методы исследования асимптотического поведения алгоритмов, методы анализа программ и алгоритмов на параллельность, уметь выбирать правильный численный метод для параллельного решения задач математического моделирования, уметь использовать среды программирования MPI и OpenMP.

Успешное освоение курса требует напряжённой работы студента. В программе курса приведено минимально необходимое время для работы студента над темой. Самостоятельная работа включает в себя:

- чтение и конспектирование рекомендованной литературы;
- проработку учебного материала (по конспектам, учебной и научной литературе), подготовку ответов на вопросы, предназначенных для самостоятельного изучения, доказательство отдельных утверждений, свойств;
- решение задач, предлагаемых студентам на занятиях;
- подготовку к занятиям и дифференцированному зачету.

Руководство и контроль за самостоятельной работой студента осуществляется в форме индивидуальных консультаций.

Показателем владения материалом служит умение решать задачи. Для формирования умения применять теоретические знания на практике студенту необходимо решать как можно больше задач. При решении задач каждое действие необходимо аргументировать, ссылаясь на известные теоретические сведения.

Важно добиться понимания изучаемого материала, а не механического его запоминания. При затруднении изучения отдельных тем, вопросов, следует обращаться за консультациями к преподавателю, проводящему занятия.

**ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)**

**по направлению:** Техническая физика  
**профиль подготовки:** Техническая физика космических летательных аппаратов  
Физтех-школа Аэрокосмических Технологий  
кафедра информатики и вычислительной математики  
**курс:** 4  
**квалификация:** бакалавр

Семестр, формы промежуточной аттестации: 8 (весенний) - Дифференцированный зачет

**Разработчик:** Н.И. Хохлов, канд. физ.-мат. наук



## 1. Компетенции, формируемые в процессе изучения дисциплины

Код и наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенции
ОПК-2 Способен применять методы математического анализа, математического моделирования и оптимизации для решения задач, возникающих в ходе профессиональной деятельности	ОПК-2.1 Знаком с основными методами математического анализа, математического моделирования и оптимизации
	ОПК-2.2 Способен строить математические модели, производить количественные расчеты и оценки

## 2. Показатели оценивания компетенций

В результате изучения дисциплины «Методы параллельной обработки данных» обучающийся должен:

### знать:

- историю эволюции вычислительных систем и историческую необходимость использования параллельных вычислений;
- основы архитектуры параллельных вычислительных комплексов;
- основные технологические этапы разработки параллельных программ;
- принципы асимптотического анализа алгоритмов;
- методы декомпозиции последовательных алгоритмов;
- способы эквивалентных и неэквивалентных преобразований последовательных программ, позволяющих использовать их на параллельных вычислительных комплексах;
- основные идеи при реализации численных алгоритмов, позволяющих избежать случая низкой эффективности распараллеливания;
- способы организации работы пользователей на современных многопроцессорных вычислительных системах и языки управления заданиями для них.

### уметь:

- оценивать асимптотическую сложность используемых алгоритмов и выбирать оптимальные алгоритмы для современных программ;
- анализировать последовательные программы для выявления возможности их распараллеливания;
- оценивать эффективность работы распараллеленных программ;
- выбирать эффективные численные методы для поставленных задач математического моделирования;
- самостоятельно разрабатывать и запускать параллельные приложения на современных вычислительных комплексах.

### владеть:

- приемами распараллеливания алгоритмов и программ;
- средствами и технологиями разработки приложений, обеспечивающих проведение параллельного вычислительного эксперимента;
- навыками отладки и запуска параллельных приложений для проведения вычислительного эксперимента.

## 3. Перечень типовых (примерных) вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю

Текущий контроль осуществляется с использованием еженедельных контрольных работ по материалу недели.

### 3. Перечень типовых контрольных заданий, используемых для оценки знаний, умений, навыков

Промежуточная аттестация по дисциплине «Методы параллельной обработки данных» осуществляется в форме дифференцированного зачета, проводящегося в письменной форме.

Перечень контрольных вопросов по теории:

1. Максимальная пиковая производительность наиболее мощных современных параллельных вычислительных систем измеряется: в единицах EFLOPs, в десятках PFLOPs, в единицах PFLOPs, в сотнях TFLOPs?
2. Производительность компьютера, достигнутая при выполнении некоторой программы, выражена в TFLOPs. Это значение говорит о: среднем количестве операций над вещественными данными, представленными в форме с фиксированной запятой, выполненных за секунду в процессе обработки данной программы; общем числе команд, выполненных за время работы программы; средней скорости выполнения данным компьютером арифметических операций над вещественными числами, представленными в форме с плавающей запятой; средней скорости выполнения данным компьютером арифметических операций над вещественными числами, представленными в форме с плавающей запятой, достигнутой при выполнении данной программы; высокой реальной производительности данного компьютера.
3. Умножение двух квадратных плотных вещественных матриц компьютер выполнил за 5 сек с производительностью 50 GFLOPs. Какого размера были матрицы: 500\*500, 1000\*1000, 2000\*2000, 5000\*5000, 7000\*7000, верного ответа нет?
4. Сколько кризисов software насчитывается за всю историю развития электронных вычислительных систем: 4, 3, 2, 1, ни одного?
5. В каком компьютере функциональные устройства сочетали одновременно принципы конвейерной и параллельной обработки: IBM 704, IBM STRETCH, CDC 6600, CDC 7600, ILLIAC IV, ATLAS, верного ответа нет?
6. Отметьте правильные утверждения на тему машинного представления чисел в современных ЭВМ: все существовавшие до сих пор ЭВМ используют в качестве базовой двоичную систему счисления; машинное эpsilon в основном определяется длиной мантиссы в представлении вещественных чисел; мантисса числа в двоичном представлении - та же, что и мантисса его десятичного логарифма; машинные ноль и epsilon не могут быть получены с помощью фортран-программы, их следует найти в документации к компьютеру; машинное сложение коммутативно; машинное сложение ассоциативно; машинное умножение коммутативно; машинное умножение ассоциативно?
7. Кто из перечисленных ниже людей внёс наибольший вклад в развитие параллельной вычислительной техники: Джон Грей; Сеймур Крэй; Стивен Крейн; Кристиан Рэй; Френсис Дрейк?
8. Действительные числа в машинном представлении: всегда хранятся точно; всегда хранятся с ненулевой ошибкой округления; хранились на всех существовавших

вычислительных системах в двоичном представлении; имеют относительную ошибку округления не более машинного нуля; имеют абсолютную ошибку округления не более машинного эпсилон; иногда хранятся точно?

9. Конвейерное ФУ деления состоит из пяти ступеней, срабатывающих за 2, 5, 3, 1 и 1 такт соответственно. Чему равно наименьшее число тактов, за которое можно обработать 40 пар аргументов на данном устройстве: 1, 5, 12, 40, 207, 212, 480, верного ответа нет?
10. В конвейерном устройстве есть 7 ступеней, срабатывающих за одну единицу времени каждая. За сколько единиц времени это устройство обработает 7 пар аргументов: 1, 3, 7, 8, 13, 14, верного ответа нет?
11. Есть два конвейерных ФУ: сложение (4 ступени) и умножение (6 ступеней), все ступени срабатывают за один такт. За сколько тактов будет выполнена векторная операция  $A_i = B_i + C_i * s$ ,  $i=1,2,...,60$ , с использованием данных устройств в режиме с зацеплением ФУ: 60, 69, 70, 128, 130, 240, 600?
12. Есть два конвейерных ФУ: сложение (4 ступени) и умножение (6 ступеней), все ступени срабатывают за один такт. За сколько тактов будет выполнена векторная операция  $A_i = B_i + C_i * s$ ,  $i=1,2,...,60$ , с использованием данных устройств без зацепления ФУ: 60, 69, 70, 128, 130, 240, 600?
13. Архитектура компьютеров. Отметьте правильные утверждения: в SMP-компьютерах все процессоры равноправны; архитектуры NUMA и ccNUMA позволяют сохранить единое адресное пространство для параллельной программы; кэш-память явилась причиной возникновения архитектуры NUMA; поиск команд, которые можно выполнять параллельно, в суперскалярных процессорах происходит во время работы программы; параллелизм в классических VLIW-компьютерах выделяется компилятором.
14. Отметьте правильные утверждения про компьютеры: классификация Флинна содержит 3 типа компьютеров; классификация Флинна содержит 4 типа компьютеров; классификация Флинна содержит 6 типов компьютеров; одним из признаков векторно-конвейерного компьютера является многопроцессорность; одним из признаков векторно-конвейерного компьютера является наличие хотя бы одного конвейера; одним из признаков векторно-конвейерного компьютера является наличие векторных регистров; концепция неограниченного параллелизма при развитии компьютерной техники в отдалённом будущем может стать реальностью.
15. Какие из технологических этапов присущи только парадигме параллельного программирования: построение математической модели, декомпозиция, аранжировка, написание программы?
16. Чем декомпозиция по данным отличается от декомпозиции по вычислениям?
17. В чем заключаются достоинства и недостатки статического и динамического способов назначения задач виртуальным исполнителям?
18. Каковы основные цели этапа назначения: сокращение загрузки исполнителей, балансировка загрузки исполнителей, сокращение обменов данными между

исполнителями, равномерный обмен данными между исполнителями, сокращение накладных расходов на назначение?

19. Верно ли следующее утверждение: модель передачи сообщений в параллельном программировании применима только на системах с распределенной памятью? Обоснуйте свой ответ.
20. Приведите пример программного кода с внутренним параллелизмом, который, с Вашей точки зрения, нельзя распараллелить автоматически (если такие существуют).
21. В чем заключаются достоинства и недостатки различных подмоделей программирования в модели общей памяти?
22. На каком этапе в параллельной программе задачи назначаются реальным физическим исполнителям: на этапе декомпозиции, на этапе назначения, на этапе аранжировки, на этапе отображения?
23. Современная парадигма параллельного программирования включает: 5, 6, 7, 8, 9, 10 этапов.
24. Перечислите три основных принципа асимптотического анализа алгоритмов.
25. Пусть  $T_1(n)$  и  $T_2(n)$  – времена работы последовательных алгоритмов 1 и 2 соответственно. Если  $T_1(n) = O(T_2(n))$ , то алгоритм 1: лучше алгоритма 2, не хуже алгоритма 2, хуже алгоритма 2, не хуже алгоритма 2, ничего нельзя сказать.
26. Сформулируйте понятие оптимальности последовательного алгоритма.
27. Какие из нижеперечисленных формулировок относятся к модели вычислительной системы RAM: время доступа к памяти одинаково для всех ячеек, независимо от того рассматривается операция чтения или операция записи; время выполнения всех операций на процессоре считается одинаковым; время выполнения основных операций на процессоре есть  $\Theta(1)$ ?
28. Пусть два последовательных алгоритма решения одной задачи являются оптимальными по поведению. Что можно сказать о реальных временах решения при заданном параметре масштаба  $N$ : времена будут одинаковыми, ничего сказать нельзя?
29. Пусть имеется два последовательных алгоритма решения одной и той же задачи — 1 и 2. Алгоритм 1 является оптимальным по поведению, алгоритм 2 не является оптимальным. Что можно сказать о реальных временах решения при заданном параметре масштаба  $N$ : время работы алгоритма 1 всегда будет меньше времени работы алгоритма 2, времена будут одинаковыми, ничего сказать нельзя?
30. Используя основную теорему асимптотического анализа, оцените асимптотическое поведение алгоритма сортировки слиянием. Является ли этот алгоритм оптимальным?
31. Какие схемы разрешения конфликта при разрешенной одновременной записи различными исполнителями в одну ячейку памяти в модели вычислительной системы PRAM вы знаете?

32. При вычислении теоретического значения ускорения для параллельных алгоритмов решения некоторой задачи на 4-х исполнителях были получены следующие значения: 2, 3.9, 5. Какие из значений являются корректными? Почему?
33. При вычислении реального значения ускорения для параллельных алгоритмов решения некоторой задачи на 4-х исполнителях были получены следующие значения: 2, 3.9, 5. Какие из значений являются корректными? Почему?
34. Что означает высказывание, «некоторый параллельный алгоритм является оптимальным по стоимости»?
35. Перечислите основные свойства графа алгоритма, реализованного программой.
36. Сколько строгих параллельных форм может существовать у графа алгоритма: 1, ограниченное количество, но больше 1; бесконечно много?
37. Докажите единственность канонической строгой параллельной формы графа алгоритма.
38. Для графа алгоритма, содержащего 500 вершин, высота некоторой строгой параллельной формы равна 25. Что можно сказать о максимальном ускорении, которое может быть получено при реализации алгоритма на параллельной вычислительной системе в модели PRAM — оно будет всегда меньше 20, строго равно 20, может быть больше 20?
39. Для программного текста, реализованного на Фортране 77

$$b(1) = a(1) * 2$$

$$\text{do } i = 2, 5$$

$$b(i) = b(i-1) + a(i) * 2$$

$$\text{enddo}$$

постройте граф алгоритма, каноническую строгую параллельную форму и оцените максимально возможное ускорение при реализации алгоритма на параллельной вычислительной системе.

40. Объясните понятия interleaving, недетерминированный и детерминированный набор активностей.
41. Приведите пример набора активностей, для которого нарушены все условия Бернштейна, но который, тем не менее, является детерминированным.
42. Если в программе встречаются два оператора, приведенных в динамическом порядке следования,

$$a = b+c;$$

$$d = e+f;$$

то можно ли их исполнять параллельно? Обоснуйте свое утверждение.

43. Перечислите виды зависимостей между операторами (блоками операторов), которые Вам известны.

44. Какие из видов зависимостей по данным могут являться принципиальным препятствиям к распараллеливанию: истинная зависимость, зависимость по выходным данным, антизависимость?

45. Постройте граф зависимостей по данным между операторами для фрагмента текста программы, расположенного в динамическом порядке следования:

S1:  $x = e + 2z$

S2:  $y = 2f + x$

S3:  $z = z + y$

S4:  $y = z + x$

46. Постройте граф зависимостей по данным между операторами для фрагмента текста программы, расположенного в динамическом порядке следования:

S1:  $x = x + 2y$

S2:  $y = 2f + x$

S3:  $z = z + z$

S4:  $y = z + x$

47. Для цикла

do  $i = 1, u$

S<sub>1</sub>:  $a(i) = d(i) + 5 * i$

S<sub>2</sub>:  $c(i) = a(i-1) * 2$

enddo

определите расстояние зависимости, тип зависимости и возможность распараллеливания.

48. Для цикла

do  $i = 1, u$

S<sub>1</sub>:  $a(i) = d(i) + 5 * i$

S<sub>2</sub>:  $c(i) = a(i+1) * 2$

enddo

определите расстояние зависимости, тип зависимости и возможность распараллеливания.

49. Для цикла

do  $i = 1, u$

S<sub>1</sub>:  $a(i) = d(i) + 5 * i$

S<sub>2</sub>:  $c(i) = a(i) * 2$

enddo

определите расстояние зависимости, тип зависимости и возможность распараллеливания.

50. С чем связаны основные проблемы определения вектора расстояний при анализе вложенных циклов на зависимость по данным?

51. Для цикла

```
do j1 = 1,u1
  do j2 = 1,u2
    S1: a(i, j) = b(i, j) * 2
    S2: c(i, j) = a(i, j - 1) + 1
  enddo
enddo
```

определите вектор расстояний, вектор направлений и тип зависимости.

52. Для цикла

```
do j1 = 1,u1
  do j2 = 1,u2
    S1: a(i, j) = b(i, j) * 2
    S2: c(i, j) = a(i, j + 2) + 1
  enddo
enddo
```

определите вектор расстояний, вектор направлений и тип зависимости.

53. Для цикла

```
do j1 = 1,u1
  do j2 = 1,u2
    S1: a(i, j) = b(i, j) * 2
    S2: c(i, j) = a(i - 1, j + 2) + 1
  enddo
enddo
```

определите вектор расстояний, вектор направлений и тип зависимости.

54. Для цикла

```
do j1 = 1,u1
  do j2 = 1,u2
    S1: a(i, j) = b(i, j) * 2
    S2: c(i, j) = a(i + 1, j + 3) + 1
  enddo
```

enddo

определите вектор расстояний, вектор направлений и тип зависимости.

55. Для цикла

do j1 = 1,u1

do j2 = 1,u2

S<sub>1</sub>: a(i, j) = b(i, j) \* 2

S<sub>2</sub>: c(i, j) = a(i, j + 2) + 1

enddo

enddo

определите вектор расстояний, вектор направлений и тип зависимости.

56. Для цикла

do j1 = 1,u1

do j2 = 1,u2

S<sub>1</sub>: a(i, j) = b(i, j) \* 2

S<sub>2</sub>: c(i, j) = a(i, j) + 1

enddo

enddo

определите вектор расстояний, вектор направлений и тип зависимости.

57. Для цикла

do j1 = 1,u1

do j2 = 1,u2

S<sub>1</sub>: a(i, j) = b(i, j) \* 2

S<sub>2</sub>: c(i, j) = a(i + 2, j - 3) + 1

enddo

enddo

определите вектор расстояний, вектор направлений и тип зависимости.

58. Пусть вектор направлений для двумерного цикла имеет вид («=», «=»). Какие из следующих утверждений являются верными: цикл может быть распараллелен по внешнему индексу безо всяких ограничений, по внешнему индексу при условии дублирования входных данных, по внутреннему индексу при условии барьерной синхронизации между итерациями внешнего цикла, по двум индексам без ограничений, не может быть распараллелен?

59. Пусть вектор направлений для двумерного цикла имеет вид («<», «=»). Какие из следующих утверждений являются верными: цикл может быть распараллелен по внешнему индексу безо всяких ограничений, по внешнему индексу при условии



дублирования входных данных, по внутреннему индексу при условии барьерной синхронизации между итерациями внешнего цикла, по двум индексам без ограничений, не может быть распараллелен?

- [illegible]

- синхронизации между итерациями внешнего цикла, по двум индексам без ограничений, не может быть распараллелен?
67. Пусть для некоторого многомерного цикла вектор направлений имеет вид ( $\langle = \rangle$ ,  $\langle < \rangle$ , ...,  $\langle > \rangle$ ). Что можно сказать про тип зависимости, обнаруживаемой между операторами после раскрытия цикла: это — истинная зависимость, это — антизависимость, ничего сказать нельзя?
68. Пусть для некоторого многомерного цикла вектор направлений имеет вид ( $\langle > \rangle$ ,  $\langle < \rangle$ , ...,  $\langle > \rangle$ ). Что можно сказать про тип зависимости, обнаруживаемой между операторами после раскрытия цикла: это — истинная зависимость, это — антизависимость, ничего сказать нельзя?
69. Пусть для некоторого многомерного цикла вектор направлений имеет вид ( $\langle < \rangle$ ,  $\langle = \rangle$ , ...,  $\langle > \rangle$ ). Что можно сказать про тип зависимости, обнаруживаемой между операторами после раскрытия цикла: это — истинная зависимость, это — антизависимость, ничего сказать нельзя?
70. Эквивалентное преобразование программы — это: преобразование динамического порядка следования операторов, сохраняющее результат при любых входных данных; преобразование, сохраняющее граф алгоритма; преобразование, сохраняющее зависимости по данным между операторами, ничего из вышеперечисленного.
71. Почему знание о возможности эквивалентного изменения порядка вложенности во вложенных циклах для распараллеливания программ является важным?
72. Перечислите дополнительные условия в теореме о достаточности приемов разделения цикла, выравнивания цикла и допустимой перестановки операторов в теле цикла для устранения зависимостей, связанных с циклом.
73. Что означает выражение: в цикле нет рекурсивных зависимостей по данным?
74. Справедливо ли утверждение, если между операторами цикла существует истинная зависимость — цикл по итерациям распараллелить невозможно? Обоснуйте ответ.
75. Справедливо ли утверждение, если между операторами невложенного цикла существует истинная зависимость с расстоянием зависимости равным 1 — цикл по итерациям распараллелить принципиально невозможно? Обоснуйте ответ.
76. Какие приемы распараллеливания циклов при наличии зависимости операторов цикла по скалярным переменным являются эквивалентным преобразованием программ: приватизация, «ликвидация» индукционных переменных, редукция?
77. Справедливо ли следующее утверждение: распараллеливание с помощью приема редукции всегда является неэквивалентным преобразованием программы? Обоснуйте свой ответ.
78. Справедливо ли следующее утверждение: распараллеливание с помощью приема «ликвидации» индукционных переменных всегда является неэквивалентным преобразованием программы? Обоснуйте свой ответ.
79. Можно ли устранить в последовательной программе истинные зависимости по данным для получения корректной параллельной версии?

80. Какие схемы распределения работ на этапе назначения между виртуальными исполнителями Вам известны?
81. Система ОДУ не является жесткой и решается явным методом Рунге-Кутты. Будет ли реализованная для такого уравнения последовательная программа эффективно распараллеливаться?
82. Жесткая система обыкновенных дифференциальных уравнений решается W-методом с заменой точного обращения матрицы приближенным по методу Шульца. Какая версия метода допускает более эффективную параллельную реализацию – с несколькими итерациями для вычисления матрицы или с учетом нескольких последовательных степеней невязки?
83. Будет ли однократно диагонально неявный метод, основанный на методе Розенброка, более эффективным с точки зрения распараллеливания по сравнению со всеми остальными методами того же класса?
84. Метод параллельной стрельбы будет более эффективным по сравнению с методом стрельбы: А. Если число исполнителей превышает количество добавленных систем линейных дифференциальных уравнений в вариациях Б. В любом случае, так как быстрее сходятся итерации по пристрелочным параметрам В. Если исходная краевая задача хорошо обусловлена, и в этом случае быстрее сходятся итерации по пристрелочным параметрам
85. Есть ли смысл при реализации метода параллельной стрельбы использовать распараллеливание решения системы линейных уравнений в процессе итераций по пристрелочным параметрам?
86. При реализации параллельной пристрелки реализовано две версии метода. При первой реализации сначала решаются нелинейные уравнения, данные сохраняются, а затем решаются уравнения в вариациях, во второй реализации все эти уравнения решаются одновременно. Какая реализация более эффективна с точки зрения распараллеливания?
87. Решаются две близкие задачи – уравнение диффузии и уравнение диффузии с конвекцией. Используется неявная схема. Можно ли в каждом из этих случаев использовать алгоритм редукции для решения системы линейных уравнений с трехдиагональной матрицей?
88. Решаются две близкие задачи – уравнение диффузии и уравнение диффузии с конвекцией. Используются схемы, в которых диффузионный оператор аппроксимируется на верхнем слое по времени, а конвективные члены – на нижнем слое по времени. Можно ли в каждом из этих случаев использовать алгоритм редукции для решения системы линейных уравнений с трехдиагональной матрицей?

Примеры контрольных заданий:

Контрольное задание состоит из 10 слегка измененных контрольных вопросов, охватывающих все разделы дисциплины.

#### **4. Критерии оценивания**

За каждый контрольный вопрос из контрольного задания студент получает от 0 до 4 баллов в зависимости от полноты представленного ответа (решения). Количество набранных баллов определяет оценку за теоретические знания:

Оценка	Набранные баллы
отлично (10)	более 36
отлично (9)	от 32 до 36 включительно
отлично (8)	от 28 до 32 включительно
хорошо (7)	от 24 до 28 включительно
хорошо (6)	от 20 до 24 включительно
хорошо (5)	от 16 до 20 включительно
удовлетворительно (4)	от 12 до 16 включительно
удовлетворительно (3)	от 8 до 12 включительно
неудовлетворительно (2)	от 4 до 8 включительно
неудовлетворительно (1)	не более 4

Итоговая оценка за дифференцированный зачёт выставляется на основании оценки, полученной за теоретическую часть (далее  $x$ ) и баллов (от 0 до 10), набранных за лабораторные работы, (далее  $y$ ) по следующей формуле  $2 \cdot x \cdot y / (x + y)$ , с округлением результата до целого сверху.

#### **5. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности**

Во время проведения дифференцированного зачёта обучающиеся могут пользоваться программой дисциплины.